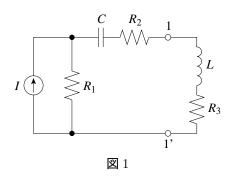
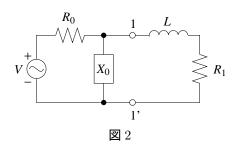
電気回路演習 第11回 (平成22年6月28日(月))

演習

1. 図1に示す回路において以下の設問に答えなさい.なお,電源の角周波数を ω とする.



- (a) 端子 1-1' から左側の回路のテブナン等価回路を求めなさい.
- (b) 抵抗 R_3 での消費電力 P を最大にするための R_3 , L の値を求めなさい . また , このときの R_3 での 最大消費電力 P_{\max} を求めなさい .
- 2. 図 2 に示す回路において以下の設問に答えなさい.なお, X_0 はリアクタンスを表し,電源の角周波数を ω とする.



- (a) 端子 1-1' から左側の回路のノルトン等価回路を求めなさい.
- (b) 抵抗 R_1 で消費される電力を最大にする R_0 , X_0 の値を求めなさい . また , このときリアクタンス X_0 にはコイルとコンデンサのどちらの素子が適当であるか答えなさい .
- (c) 設問 (b) の状態において, R_1 での消費電力を求めなさい.

演習解答

1. (a)

$$V_f$$
 V_f
 V_f

(b) 端子 1-1' より右側の回路のインピーダンス Z_L は

$$Z_L = R_3 + j\omega L$$

である、最大電力伝送定理より共役整合の条件を考えると

$$Z_{L,\text{opt}} = Z_0^*$$

$$Z_{L,\text{opt}} = R_{3,\text{opt}} + j\omega L_{\text{opt}}$$

$$Z_0^* = R_0 - jX_0 = R_1 + R_2 + \frac{j}{\omega C}$$

上式より

$$R_{3,\mathrm{opt}} = R_1 + R_2$$

$$L_{\mathrm{opt}} = \frac{1}{\omega^2 C}$$

また, R_3 での最大消費電力 $P_{
m max}$ は

$$P_{\rm max} = \frac{|V_f|^2}{4R_0} = \frac{R_1^2|I|^2}{4(R_1 + R_2)}$$

2. (a)

$$Y_{0} = \frac{1}{R_{0}} + \frac{1}{jX_{0}} = \frac{R_{0} + jX_{0}}{jX_{0}R_{0}} = \frac{X_{0} - jR_{0}}{R_{0}X_{0}}$$

$$I_{s} = \frac{V}{R_{0}}$$

(b) 端子 1-1' より右側の回路のアドミタンス Y_L は

$$Y_L = \frac{1}{R_1 + j\omega L} = \frac{R_1 - j\omega L}{R_1^2 + (\omega L)^2}$$

である.最大電力伝送定理より共役整合の条件を考えると

$$Y_{L,\text{opt}} = Y_0^*$$

$$Y_0^* = \frac{1}{R_0} - \frac{1}{jX_0} = \frac{1}{R_0} + \frac{j}{X_0}$$

上式より

$$\begin{split} \frac{R_1}{R_1^2 + (\omega L)^2} &= \frac{1}{R_0} \\ \frac{-\omega L}{R_1^2 + (\omega L)^2} &= \frac{1}{X_0} \end{split}$$

よって,抵抗 R_1 の消費電力が最大となる R_0 , X_0 は

$$R_{0} = \frac{R_{1}^{2} + (\omega L)^{2}}{R_{1}}$$
$$X_{0} = -\frac{R_{1}^{2} + (\omega L)^{2}}{\omega L}$$

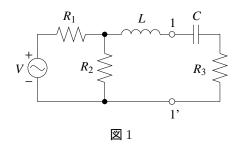
である.また, X_0 の値は負であるのでコンデンサが適切な素子である.

(c)

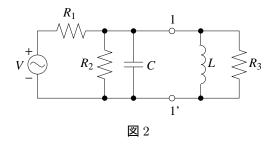
$$P_{\text{max}} = \frac{R_0|I_s|^2}{4} = \frac{|V|^2}{4R_0} = \frac{1}{4} \cdot \frac{R_1|V|^2}{R_1^2 + (\omega L)^2}$$

小テスト

1. 図1に示す回路において以下の設問に答えなさい、なお、電源の角周波数を ω とする、



- (a) 端子 1-1' から左側の回路のテブナン等価回路を求めなさい.
- (b) 抵抗 R_3 での消費電力 P が最大となる R_3 , C を求めなさい.また,消費電力の最大値 P_{\max} を求めなさい.
- 2. 図 2 に示す回路において以下の設問に答えなさい.なお,電源の角周波数を ω とする.



- (a) 端子 1-1' から左側の回路のノルトン等価回路を求めなさい.
- (b) 抵抗 R_3 で消費される電力 P が最大となる R_3 , L を求めなさい . また , 消費電力の最大値 P_{\max} を求めなさい .

小テスト解答

1. (a)

$$V_{f} = R_{0} + jX_{0} = \frac{R_{1}R_{2}}{R_{1} + R_{2}} + j\omega L$$

$$V_{f} = \frac{R_{2}}{R_{1} + R_{2}} V$$

(b) 端子 1-1' より右側の回路のインピーダンス Z_L は

$$Z_L = R_3 + \frac{1}{j\omega C}$$

最大電力伝送定理より共役整合の条件を考えると

$$Z_{L,\text{opt}} = Z_0^*$$

$$Z_{L,\text{opt}} = R_{3,\text{opt}} + \frac{1}{j\omega C_{\text{opt}}}$$

$$Z_0^* = R_0 - jX_0 = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2} - j\omega L$$

上式より

$$R_{3,\text{opt}} = \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}$$

$$C_{\text{opt}} = \frac{1}{\omega^2 L}$$

また, R_3 での最大消費電力 $P_{
m max}$ は

$$P_{\text{max}} = \frac{|V_f|^2}{4R_0} = \frac{\left(\frac{R_2}{R_1 + R_2}\right)^2}{4 \cdot \frac{R_1 R_2}{R_1 + R_2}} |V|^2 = \frac{R_2}{4R_1(R_1 + R_2)} |V|^2$$

2. (a)

(b) 端子 1-1' より右側の回路のアドミタンス Y_L は

$$Y_L = \frac{1}{R_3} + \frac{1}{j\omega L}$$

である.最大電力伝送定理より共役整合の条件を考えると

$$Y_{L,\text{opt}} = Y_0^*$$

$$Y_{L,\text{opt}} = \frac{1}{R_{3,\text{opt}}} + \frac{1}{j\omega L_{\text{opt}}}$$

$$Y_0^* = G_0 - jB_0 = \frac{1}{R_1 + R_2} - j\omega C$$

上式より

$$R_{3,\mathrm{opt}} = R_1 + R_2$$

 $L_{\mathrm{opt}} = \frac{1}{\omega^2 C}$

$$P_{\text{max}} = \frac{|I_s|^2}{4G_0} = \frac{\frac{|V|^2}{R_1^2}}{4 \cdot \frac{1}{R_1 + R_2}} = \frac{R_1 + R_2}{4R_1^2} |V|^2$$